Tratado de Cinemática Pura

TRATADO

DE

CINEMÁTICA PURA

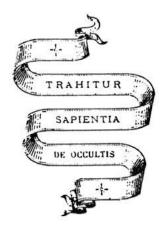
POR

D. LAURO CLARIANA Y RICART

INGENIERO INDUSTRIAL

Y CATEDRÁTICO POR OPOSICION DE MATEMÁTICAS

EN EL INSTITUTO PROVINCIAL DE TARRAGONA



TARRAGONA

A LA EXCMA. DIPUTACION PROVINCIAL

DE TARRAGONA.

A V. E. dedicamos, Excmo. Sr., este modesto trabajo, fruto de los pocos ratos libres que nos dejan nuestras múltiples ocupaciones. Dicho trabajo podrá dejar de ser tan bueno como fuera menester para ser digno de vuestras manos; empero desde el instante en que lo apadrina V. E., ello es que con este acto de generosidad, brilla una vez más en vuestra frente la inmarcesible corona de verdadero protector de las ciencias y de las artes, dejando en nuestro corazon un recuerdo imperecedero de afecto y gratitud.

EL AUTOR.

ADVERTENCIA

No tratamos de sacar nuestras hopalandas en demérito de justas reputaciones adquiridas; no es nuestro propósito pasar por encima de ciertas notabilidades, que son el orgullo de nuestra Pátria; nó, mil veces nó.

Nuestro objeto es colocar una piedrecita en ese gran templo de Minerva, cumpliendo con lo que hasta cierto punto consideramos un deber por la posicion que ocupamos. No presumimos tampoco de innovadores; pues en la ciencia de que nos vamos á ocupar, se podrían aplicar las palabras de Lagrange cuande hablando de las Matemáticas decia: «Que la mina es ya muy profunda y que á ménos que se descubran nu evos filones, será preciso tarde ó temprano abandonarla.» Empero, como en España parece que los hombres de valer no se han dedicado á publicar obras de esta naturaleza, nosotros, con nuestras débiles fuerzas, vamos á llenar en lo que sea dable, este vacio, tomando nota de lo que dicen las principales obras estrangeras, aclarando ciertas dudas, metodizando ciertos puntos, etc. etc., á fin de ver si podemos formar de ese modo un conjunto armónico y regular de la Cinemática pura, sacrificando, si á mano viene tambien, la concision y pureza del lenguaje matemático en bien de la claridad, pues nadie ignora que las omisiones de ciertas esplicaciones en los cálculos de suyo complicados, llevan á mal traer al pobre lector, acabando por disgustarle y hacerle aborrecer la ciencia, que, desarrollada de otra manera, quizá le habria producido ópimos frutos.

Este es nuestro sentir; este es nuestro fin único y esclusivo; si así lo comprenden nuestros amados lectores, dispensando á esta obrita una acojida favorable, aunque inmerecida, será para nosotros el galardon de más estima que podíamos apetecer.

El Autor.

ÍNDICE.

i i	PÁGINAS.
ESTUDIO DE CINEMÁTICA PURA.—Preliminares	9
Capítulo I.—Movimiento simple de un punto material.	
I.—Movimiento en general	10
II.—Movimiento uniforme	
III Consideraciones generales acerca la velocidad de un movimiento	
cualquiera	13
IV.—Movimiento uniformemente variado	15
V.—Principios acerca las velocidades	17
VI.—Aplicacion de los principios anteriores	
Capítulo II.—Movimientos compuestos de un punto.	
I.—Consideraciones generales	22
II.—Composicion de velocidades	23
Capítulo III.—Estudio del movimiento de un cuerpo sólido.	
I.—Consideraciones generales	29
II.—Composicion de movimientos elementales de los sólidos	31
III.—Composicion general de movimientos	36
IV.—Sobre el movimiento más general que puede tomar un cuerpo sólido.	
Capítulo IV.—Aceleracion de un punto material.	
I.—Consideraciones generales	42
II.—Accleracion en el movimiento rectilineo uniformemente variado	
III.—Aceleracion en el movimiento variado y rectilíneo	
IV.—Aceleracion en el movimiento curvilíneo	
V.—Principios y consecuencias importantes sobre las aceleraciones	
VI.—Aceleracion de un movimiento compuesto	
CAPÍTULO V.—Estudio analítico del movimiento de un sólido.	
I.—Caso en que el sólido presente un punto fijo	
II Espresion analítica de los cambios que puede adquirir un cuerpo sólido	
en general	
Complemento. — Aplicaciones geométricas de la Cinemática.	
I.—Consideraciones de una figura, que se mueve sobre un plano	
II.—Aplicaciones á los epiciclóides.	
IIILa evoluta de una epiciclóide debe ser otra epiciclóide semejante	
— á la primera.	
IV.—Cámbio contínuo sobre un plano de una figura dada.	
V.—De la envolvente de una curva de forma invariable ligada á una curva	
que rueda sobre otra	
VI.—Rádio de curvatura de la envolvente de una curva de forma inva-	
riable ligada á una curva que rueda sobre otra	
VII.—Medida del resbalamiento de la curva móvil sobre su envolvente	(F)
VIII.—Método de Roberval.	